

Série N°5 : **LA ROTATION DANS LE PLAN**

(La correction voir 😊 <http://www.xriadiat.com/>)

Exercice1 : ABCD est un rectangle dont la longueur est le double de la largeur tel que :

$$(\overline{AB}, \overline{AD}) \equiv \frac{\pi}{2} [2\pi].$$

Soient I ; J les milieux respectifs des segments : $[AD]$ et $[BC]$

On considère la rotation r de centre I et d'angle $\frac{\pi}{2}$

- 1) Déterminer et construire l'image de la droite (AJ) par la rotation r
- 2) Montrer que le triangle AJD est rectangle en J

Exercice2 : On considère les carrés ABCD et AEFG ci-contre tels que :

$$AB = AG \text{ et } (\overline{AG}, \overline{AB}) \equiv \frac{\pi}{6} [2\pi]$$

On considère la rotation r de centre A et d'angle $\frac{2\pi}{3}$

- 1) Montrer que $r(E) = B$
- 2) Montrer que $r(F) = C$
- 3) Soient O et O' les centres respectivement des carrés ABCD et AEFG

Montrer que : O' est l'image du point O par r^{-1} la rotation réciproque de r

Exercice3 : ABC un triangle équilatéral tel que : $(\overline{AB}, \overline{AC}) \equiv \frac{\pi}{3} [2\pi]$

Montrer qu'il existe une rotation r qui transforme A en B et transforme B en C dont on déterminera le centre et l'angle

Exercice4 : On considère un carré ABCD tel que $(\overline{AB}, \overline{AD}) \equiv \frac{\pi}{2} [2\pi]$ et soit M un point

quelconque de la droite (CD) distinct de C et de D

la droite qui passe par A et perpendiculaire à la droite (AM) en O coupe la droite (BC) en N

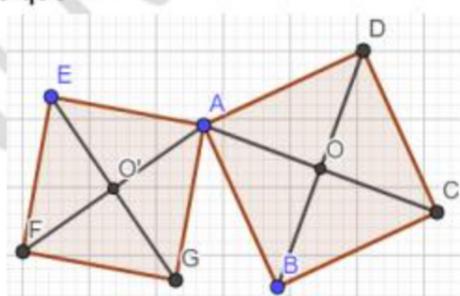
On considère la rotation r de centre A et qui transforme D en B

- 1) Déterminer un angle de la rotation r
- 2) Déterminer l'image de la droite (DC) par la rotation r
- 3) Montrer que : $r(M) = N$
- 4) En déduire la nature du triangle AMN

Exercice5 : ABC est un triangle isocèle et rectangle en A tel que : $(\overline{AB}, \overline{AC})$ positif et O le milieu du

segment $[BC]$. D et E deux points tels que : $\overline{AD} = \frac{2}{3}\overline{AB}$ et $\overline{CE} = \frac{2}{3}\overline{CA}$

Montrer que ODE est un triangle isocèle et rectangle en O



PROF: ATMANI NAJIB

PROF: ATMANI NAJIB

Exercice6 : On considère un cercle (C) circonscrit à un triangle équilatéral ABC tel que :

$$(\overline{AB}, \overline{AC}) \equiv \frac{\pi}{3} [2\pi]. \text{ Soit } M \text{ un point de l'arc } AC \text{ ne contenant pas le point } B$$

Soit r la rotation de centre A et d'angle $\frac{\pi}{3}$.

- 1) Soit P un point appartenant au segment $[BM]$ tel que : $MP = MA$
 - a) Montrer que : AMP est un triangle équilatéral.
 - b) Montrer que : M est l'image du point P par la rotation r
- 2) En déduire que : $MA + MC = MB$

Exercice7 : Soit ABC un triangle équilatéral inscrit dans un cercle (C) tel que : $(\overline{AB}, \overline{AC}) \equiv \frac{\pi}{3} [2\pi]$

. Soit M un point de l'arc AC ne contenant pas le point B (M distincts de A et C)

Soit I un point appartenant au segment $[BM]$ tel que : $IM = AM$

1) Montrer que : AIM est un triangle équilatéral.

2) Soit r la rotation de centre A et d'angle $\frac{\pi}{3}$.

- a) Déterminer : $r(B)$ et $r(I)$
- b) En déduire que : $MA + MC = MB$

Exercice8 : On considère un carré ABCD de centre O tel que $(\overline{AB}, \overline{AD}) \equiv \frac{\pi}{2} [2\pi]$ et soient I, J, K et

L les milieux respectivement des segments $[AB]$; $[BC]$; $[CD]$ et $[DA]$.

P, Q, R et S sont les points d'intersection respectives des droites (BL) et (IC) ; (JD) et (IC) ;

(JD) et (AK) ; (AK) et (BL) .

On considère la rotation r de centre O et d'angle $\frac{\pi}{2}$

1)a) Justifier que : $r(A) = B$; $r(B) = C$; $r(C) = D$ et $r(D) = A$

b) En déduire que : $r(I) = J$; $r(J) = K$; $r(K) = L$ et $r(L) = I$

2) Montrer que : $r(P) = Q$; $r(Q) = R$; $r(R) = S$ et $r(S) = P$

3) a) Montrer que les points : O ; P et R sont alignés et en déduire que les points : O ; Q et S sont aussi alignés

b) Montrer que : $PR = QS$ et que les droites (PR) et (QS) sont perpendiculaires puis en déduire que le quadrilatère PQRS est un carré et a le même centre que le carré ABCD

C'est en forgeant que l'on devient forgeron : Dit un proverbe.

C'est en s'entraînant régulièrement aux calculs et exercices que l'on devient un mathématicien

